

## **2. kolokvij iz Matematike 2**

Fakulteta za strojništvo

5. junij 2019

B

Ime in priimek: \_\_\_\_\_

Vpisna številka: \_\_\_\_\_

Pazljivo preberite besedilo naloge, preden se lotite reševanja. Naloge so 4, vsaka je vredna 25 točk. Veljale bodo samo rešitve na papirju, kjer so naloge. Na razpolago imate 90 minut.

| <b>Naloga</b> |  |
|---------------|--|
| <b>1.</b>     |  |
| <b>2.</b>     |  |
| <b>3.</b>     |  |
| <b>4.</b>     |  |
| <b>Skupaj</b> |  |

**1.** (25) Dani sta matriki

$$A = \begin{bmatrix} 14 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{in} \quad B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}.$$

Rešite matrično enačbo  $X^2 - X(B - 2I) = (X - B)^2 - 2A$ .

**2.** (25) Dan je sistem linearnih enačb

$$\begin{array}{rclllll} x_1 & + & 3x_2 & + & 4x_3 & + & 2x_4 = 15 \\ 2x_1 & + & 8x_2 & + & 7x_3 & + & x_4 = 22 \\ -3x_1 & - & 19x_2 & - & 7x_3 & + & 9x_4 = -5 \\ 3x_1 & + & 9x_2 & + & (b+11)x_3 & + & 6x_4 = 45 \\ 2x_1 & + & 6x_2 & + & 8x_3 & + & b x_4 = 34 \end{array}$$

(a) Za katere vrednosti parametra  $b$  je sistem

- enolično rešljiv,
- neresljiv,
- nedoločen?

(b) Pri kateri vrednosti parametra  $b$  je  $x_4 = 4$ ? V tem primeru izračunajte rešitev sistema.

3. (25) Dana je matrika  $B = \begin{bmatrix} -3 & -9 & -3 \\ 0 & 3 & 0 \\ 6 & 9 & 6 \end{bmatrix}$ .

- (a) Izračunajte lastne vrednosti in lastne vektorje matrike  $B$ .
- (b) Dokažite, da so dobljeni lastni vektorji linearno neodvisni.

**4.** (25) Izračunajte rešitev diferencialne enačbe

$$y' - 5x^4y = 30x^9y^4,$$

ki ustreza pogoju  $y(0) = 1$ .